

Министерство высшего и среднего специального образования
РСФСР

Горьковский орден Трудового Красного Знамени
научно-исследовательский радиопизический институт (НИРФИ)

П р е п р и н т № 257

ЧАСТОТНАЯ КОРРЕЛЯЦИЯ РАДИОВОЛЬТ,
РАССЕЯННЫХ НА АНИЗОТРОПНОЙ ИОНОСФЕРНОЙ ТУРБУЛЕНТНОСТИ

П.И. Ш п и р о

Горький 1988

Ш п и р о П. И.

ЧАСТОТНАЯ КОРРЕЛЯЦИЯ РАДИОВОЛН, РАССЕЯННЫХ НА АНИЗОТРОПНОЙ
ИОНОСФЕРНОЙ ТУРБУЛЕНТНОСТИ // Препринт № 257. - Горький: НИРФИ.
- 1988. - 12 с.

УДК 621.371.25

В борновском приближении получено выражение для функции частотной корреляции радиоволн, рассеянных на случайных неоднородностях среды, позволяющее определить статистические характеристики импульсных сигналов, распространяющихся в турбулентной атмосфере и ионосфере.

В случае обратного рассеяния на анизотропных неоднородностях ионосферы получены аналитические выражения для коэффициента частотной корреляции и средней формы импульсного сигнала.

Полина Ильична Шпиро

ЧАСТОТНАЯ КОРРЕЛЯЦИЯ РАДИОВОЛН,
РАССЕЯННЫХ НА АНИЗОТРОПНОЙ ИОНОСФЕРНОЙ ТУРБУЛЕНТНОСТИ

Подписано в печать 07.09.88 г. МЦ 00921. Формат 60 x 84 1/16
Бумага писчая. Печать офсетная. Объем 0,75 усл. печ. л. Тираж 120
Заказ 4751. Бесплатно

Отпечатано на ротапринте в НИРФИ

Рассмотрим рассеяние радиоволн на случайных неоднородностях ионосферы, сосредоточенных в рассеивающем объеме конечных размеров.

В приближении однократного рассеяния (борновском) выражение для поля частоты ω_1 , рассеянного случайными неоднородностями конечного объема V , запишется в виде /1/

$$U_{\omega_1}(\vec{r}_1) = \frac{k_{01}^2}{4\pi} \int_{-\infty}^{\infty} d\vec{r}' M(\vec{r}') \tilde{E}_{\omega_1}(\vec{r}') \left[\vec{e}_{s_1} \left[\vec{E}_{01} \vec{e}_{s_1} \right] \right] \frac{e^{ik_1 |\vec{r}_1 - \vec{r}'|}}{|\vec{r}_1 - \vec{r}'|} \quad (1)$$

Здесь $M(\vec{r}')$ - обрезывающая функция, учитывающая конечность рассеивающего объема, падающая волна $\vec{E}_{01} = A_{01} \vec{e}_{A_1} \exp(i k_1 |\vec{r}_0 - \vec{r}'|)$, \vec{e}_{A_1} - вектор поляризации падающей волны, $\vec{e}_0 = \vec{k}_{01} / |\vec{k}_{01}|$, $\vec{e}_s = \vec{k}_{s1} / |\vec{k}_{s1}|$ - орты волновых векторов падающей и рассеянной волн.

Выражение для функции частотной корреляции $\Gamma_{\omega}(\vec{r}_1, \vec{r}_2) = \langle U_{\omega_1}(\vec{r}_1) U_{\omega_2}^*(\vec{r}_2) \rangle$ в разнесенных точках будут иметь следующий вид:

$$\Gamma_{\omega}(\vec{r}_1, \vec{r}_2) = \frac{k_{01}^2 k_{02}^2}{(4\pi)^2} \int_{-\infty}^{\infty} \int d\vec{r}' d\vec{r}'' A_{01} A_{02} M(\vec{r}') M(\vec{r}'') \Gamma_{\varepsilon\omega}(\vec{r}' - \vec{r}'') \times$$

$$\times \left[\vec{e}_{s_1} \left[\vec{e}_{A_1} \vec{e}_{s_1} \right] \right] \left[\vec{e}_{s_2} \left[\vec{e}_{A_2} \vec{e}_{s_2} \right] \right] \frac{e^{ik_1 [|\vec{r}_1 - \vec{r}'| + |\vec{r}' - \vec{r}_0|] - ik_2 [|\vec{r}_2 - \vec{r}''| + |\vec{r}'' - \vec{r}_0|]}}{|\vec{r}_1 - \vec{r}'| |\vec{r}_2 - \vec{r}''|} \quad (2)$$

В (2), учитывая статистическую однородность флуктуаций диэлектрической проницаемости $\langle \tilde{E}_{\omega_1}(\vec{r}_1) \tilde{E}_{\omega_2}^*(\vec{r}_2) \rangle = \Gamma_{\varepsilon\omega}(\vec{r}_1 - \vec{r}_2)$, перейдем к новым

переменным $\vec{\rho} = \vec{r}' - \vec{r}''$, $\vec{R} = \frac{1}{2}(\vec{r}' + \vec{r}'')$, откуда получим

$$\Gamma_{\omega}(\vec{r}_1, \vec{r}_2) = \frac{\kappa_{01}^2 \kappa_{02}^2}{(4\pi)^2} \int_{-\infty}^{\infty} \int d\vec{R} d\vec{\rho} A_{01} A_{02} \gamma \Gamma_{\varepsilon\omega}(\vec{\rho}) M\left(\vec{R} + \frac{\vec{\rho}}{2}\right) \times$$

$$\times M\left(\vec{R} - \frac{\vec{\rho}}{2}\right) e^{i(\psi_1 - \psi_2)} / \left| \vec{r}_1 - \vec{R} - \frac{\vec{\rho}}{2} \right| \left| \vec{r}_2 - \vec{R} + \frac{\vec{\rho}}{2} \right|, \quad (3)$$

где

$$\psi_1 = \kappa_1 \left[\left| \vec{r}_1 - \vec{\rho}/2 - \vec{R} \right| + \left| \vec{R} + \vec{\rho}/2 - \vec{r}_0 \right| \right],$$

$$\psi_2 = \kappa_2 \left[\left| \vec{r}_2 - \vec{R} + \vec{\rho}/2 \right| + \left| \vec{R} - \vec{\rho}/2 - \vec{r}_0 \right| \right],$$

$$\gamma = \left[\vec{e}_{s_1} \left[\vec{e}_{\Lambda_1} \vec{e}_{s_1} \right] \right] \left[\vec{e}_{s_2} \left[\vec{e}_{\Lambda_2} \vec{e}_{s_2} \right] \right] - \text{поляризационный множитель.}$$

Для упрощения соотношения (3) воспользуемся, аналогично /I/, малостью функции $\Gamma_{\varepsilon\omega}(\vec{\rho})$ на расстояниях ρ много больше характерных масштабов неоднородностей среды, тогда можно записать

$$\left| \vec{r}_1 - \vec{R} - \frac{\vec{\rho}}{2} \right| \approx \left| \vec{r}_1 - \vec{R} \right| - \frac{\vec{r}_1 - \vec{R} \cdot \vec{\rho}}{\left| \vec{r}_1 - \vec{R} \right|} \frac{\rho}{2} = s_1 - \vec{n}_{s_1} \frac{\rho}{2},$$

$$\left| \vec{r}_2 - \vec{R} + \frac{\vec{\rho}}{2} \right| \approx \left| \vec{r}_2 - \vec{R} \right| - \frac{\vec{r}_2 - \vec{R} \cdot \vec{\rho}}{\left| \vec{r}_2 - \vec{R} \right|} \frac{\rho}{2} = s_2 + \vec{n}_{s_2} \frac{\rho}{2},$$

$$\left| \vec{R} - \vec{r}_0 \pm \frac{\vec{\rho}}{2} \right| = \left| \vec{R} - \vec{r}_0 \right| \pm \frac{1}{2} (\vec{R} - \vec{r}_0) \cdot \vec{\rho} / \left| \vec{R} - \vec{r}_0 \right| = s_0 \pm \frac{1}{2} \vec{n}_{s_0} \cdot \vec{\rho},$$

$$s_{1,2} = \left| \vec{r}_{1,2} - \vec{R} \right|, \quad s_0 = \left| \vec{R} - \vec{r}_0 \right|, \quad \vec{n}_{s_{1,2}} = \frac{\vec{r}_{1,2} - \vec{R}}{\left| \vec{r}_{1,2} - \vec{R} \right|},$$

$$\vec{n}_{s_0} = \frac{\vec{R} - \vec{r}_0}{\left| \vec{R} - \vec{r}_0 \right|}.$$

Будем считать, что точки приема $\vec{r}_{1,2}$ и точка передачи \vec{r}_0 расположены на достаточно больших расстояниях от рассеивающего объема (много больше масштаба корреляции $\Gamma_{\varepsilon\omega}$), тогда в знаменателе подынтегрального выражения (3) и в произведении $M(\vec{R}+\vec{\rho}/2)M(\vec{R}-\vec{\rho}/2)$ пренебрежем $\vec{\rho}$, кроме того, введем среднюю и разностные частоты $\bar{\omega} = (\omega_1 + \omega_2)/2$, $\Omega = (\omega_2 - \omega_1)/2$, тогда $\delta = \frac{\omega_2 - \omega_1}{\omega_2 + \omega_1} = \frac{\Omega}{2\bar{\omega}}$, $\bar{k} = \frac{\bar{\omega}}{c}$. В результате получим

$$\Gamma_{\omega} = \frac{\kappa^2(1-\delta^2)}{(4\pi)^2} \iint A_{01} A_{02} \chi M^2(\vec{R}) \frac{\Gamma_{\varepsilon\omega}(\vec{\rho})}{|\vec{r}_1 - \vec{R}| |\vec{r}_2 - \vec{R}|} e^{i[\mathcal{Q}_1 + \vec{\mathcal{Q}}_2 \vec{\rho}]} d\vec{R} d\vec{\rho} \quad (4)$$

где

$$\mathcal{Q}_1 = \bar{k} [s_1 - s_2 - \delta(s_1 + s_2 + 2s_0)],$$

(5)

$$\mathcal{Q}_2(\vec{R}) = \bar{k} \left[\vec{n}_{s_0} - \frac{1}{2}(\vec{n}_{s_1} + \vec{n}_{s_2}) - \frac{1}{2}\delta(\vec{n}_{s_2} - \vec{n}_{s_1}) \right].$$

Как известно, для плазмы

$$\varepsilon = \langle \varepsilon \rangle + \tilde{\varepsilon} = 1 - \frac{4\pi e^2 \langle N \rangle + \tilde{N}}{m\omega^2}, \quad \tilde{\varepsilon} = - \frac{4\pi e^2 \tilde{N}}{m\omega^2}$$

и, следовательно, $\Gamma_{\varepsilon\omega} = \frac{(4\pi)^2 e^4}{m^2 \bar{\omega}^2 (1-\delta^2)^2} \Gamma_N$, где Γ_N - функция корреляции флуктуаций электронной концентрации. Таким образом,

$$\Gamma_{\omega}(\vec{r}_1, \vec{r}_2) = \frac{e^4}{m^2 c^2} \iint d\vec{R} d\vec{\rho} A_{01} A_{02} \chi M^2(\vec{R}) \frac{\Gamma_N(\vec{\rho}) e^{i(\mathcal{Q}_1 + \vec{\mathcal{Q}}_2 \vec{\rho})}}{|\vec{r}_1 - \vec{R}| |\vec{r}_2 - \vec{R}|}$$

к, согласно определению спектральной плотности флуктуаций

$$\int_{-\infty}^{\infty} \Gamma_N(\vec{p}) e^{-i\vec{Q}\vec{p}} d\vec{p} = (2\pi)^3 \Phi_N(\vec{Q}),$$

функция частотной корреляции будет иметь вид

$$\Gamma_{\omega}(\vec{r}_1, \vec{r}_2) = \frac{(2\pi)^3 e^4}{m^2 c^2} \iint d\vec{R} \frac{A_{o1} A_{o2} \gamma}{|\vec{r}_1 - \vec{R}| |\vec{r}_2 - \vec{R}|} M^2(\vec{R}) e^{iQ_1(\vec{R})} \Phi_N[Q_2(\vec{R})], \quad (6)$$

где Q_1 и Q_2 определяются соотношениями (5). Чтобы определить двухчастотную функцию когерентности $\Gamma_{\omega}(\vec{r})$ в совмещенной точке приема $\vec{r}_1 = \vec{r}_2 = \vec{r}_{\text{пр}}$, положим $S_1 = S_2 = S$, $\vec{n}_1 = \vec{n}_2 = \vec{n}_S$, тогда

$$S_1 + S_2 + 2S_0 = 2(S_0 + S) = 2[|\vec{r} - \vec{R}| + |\vec{R} - \vec{r}_0|] = 2\left[|\vec{r}| - \frac{\vec{r}}{|\vec{r}|} \vec{R} + |\vec{r}_0| - \frac{\vec{r}_0}{|\vec{r}_0|} \vec{R}\right] =$$

$$= 2\left[|\vec{r}| + |\vec{r}_0| + \vec{R}(\vec{n}_{S_0} - \vec{n}_S)\right] = 2\left[|\vec{r}| + |\vec{r}_0| - \frac{\vec{q}\vec{R}}{K}\right] \quad \text{и}$$

$$Q_1(\vec{R}) = -\frac{\Omega}{c} \left[|\vec{r}_{\text{пр}}| + |\vec{r}_0| - \frac{\vec{q}\vec{R}}{K}\right],$$

$$Q_2(\vec{R}) = K(\vec{n}_{S_0} - \vec{n}_S) = -\vec{q}(\vec{R}).$$

Окончательно получим следующее выражения для функции частотной корреляции рассеянных сигналов в совмещенной точке приема на Земле:

$$\Gamma_{\omega}(\vec{r}_{\text{пр}}, \Omega) = \frac{(2\pi)^3 e^4}{m^2 c^2} I_0 \iint d\vec{R} \frac{M^2(\vec{R}) \Phi_N[\vec{q}(\vec{R})] \sin^2 \chi}{|\vec{r}_{\text{пр}} - \vec{R}|^2} \times \quad (7)$$

$$\times \exp\left\{-i \frac{\Omega}{c} [|\vec{r}_{\text{пр}}| + |\vec{r}_{\text{пер}}|] + i \frac{\Omega}{\omega} (\vec{q}\vec{R})\right\}.$$

Здесь $\Omega = \omega_2 - \omega_1$, I_0 - интенсивность падающей на область V волны с частотой $\bar{\omega} = (\omega_1 + \omega_2)/2$, $\vec{r}_{\text{пер}}(x_0, y_0, z_0)$ и $\vec{r}_{\text{пр}}(x_s, y_s, z_s)$ - радиус-векторы точек передачи и приема в системе координат $\vec{R}(x, y, z)$ с началом в центре области, $\Phi_N(\vec{q})$ - спектральная плотность флуктуирующей электронной концентрации N , $\vec{q} = \vec{k}_s - \vec{k}_0$ - вектор рассеяния \vec{k}_s, \vec{k}_0 - волновые векторы падающей и рассеянной волн, $|\vec{q}| = 2\bar{k}\sin\frac{\theta_s}{2}$ где $\theta_s = \vec{k}_s \vec{k}_0$ - угол рассеяния, поляризационный множитель

$$\chi = \left[\vec{n}_s [\vec{e}_A \vec{n}_s] \right]^2 = |\vec{e}_A - \vec{n}_s (\vec{e}_A \vec{n}_s)|^2 = 1 - (\vec{n}_s \vec{e}_A)^2 = \sin^2 \chi,$$

χ - угол между \vec{e}_A и \vec{k}_s .

Согласно [2], спектр $\Phi_N(\vec{x})$ в F - области ионосферы имеет существенно анизотропный характер и его можно представить в виде

$$\Phi_N(\vec{x}) = C_N^2 x_{\perp}^{-p} \exp(-x_{\parallel}^2/x_h^2), \quad (8)$$

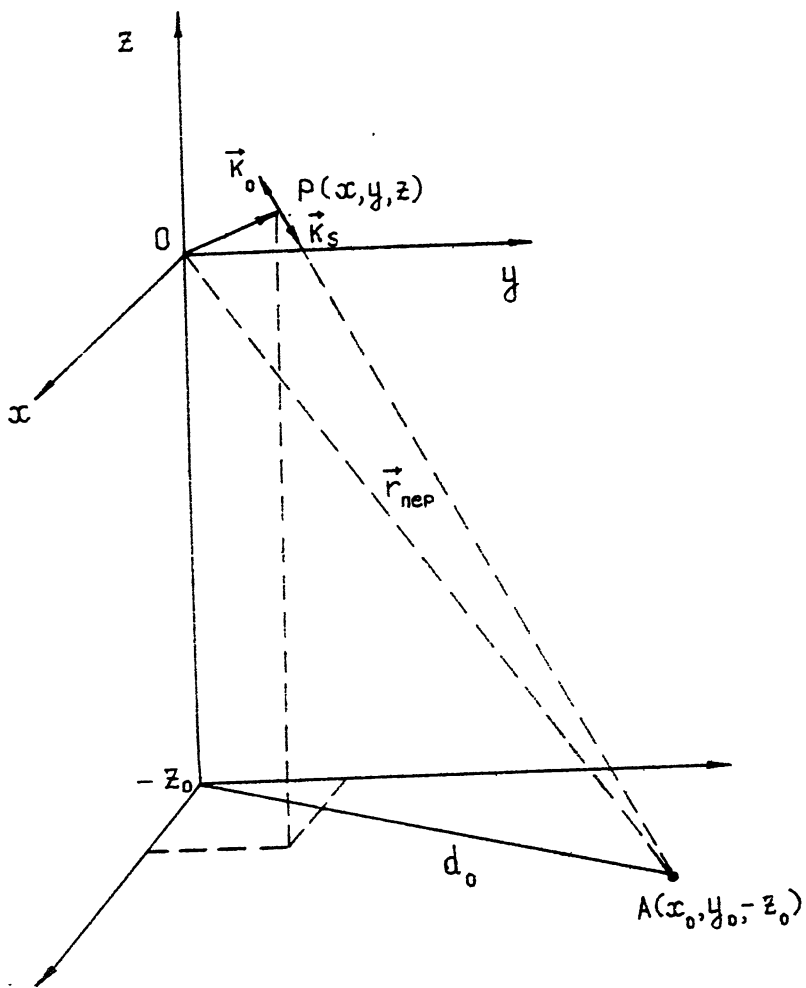
$\vec{x} = \vec{x}(x_{\perp}, x_{\parallel})$, где x_{\perp} и x_{\parallel} - волновые числа в направлениях, ортогональных силовым линиям геомагнитного поля \vec{H}_0 и вдоль \vec{H}_0 . Интегрирование (7) ведется в системе координат (рис. I) с началом в центре рассеивающего объема, конфигурацию которого зададим в виде

$$M(\vec{R}) = \exp\left(-\frac{x^2 + y^2}{a^2} - \frac{z^2}{b^2}\right), \quad (9)$$

a - полуширина области в горизонтальной плоскости, b - по вертикали.

В случае обратного рассеяния ($\vec{k}_s = -\vec{k}_0$, $\theta_s = 180^\circ$, $q = 2\bar{k}$, см. рис. I) при условиях (8) и (9) удается получить аналитическое выражение для функции частотной корреляции $\Gamma_{\omega}(\Omega)$ и соответственно для коэффициента частотной корреляции $\gamma_{\omega} = \Gamma_{\omega}(\Omega)/\Gamma_{\omega}(0)$.

Учитывая, что точка наблюдения удалена от центра области на расстоянии d_0 , значительно превышающее ее размеры ($d_0 \gg a, b$), будем иметь $|\vec{r}_{\text{пр}} - \vec{R}| \approx d_0$, $q_{\perp} = q_x \approx q$, $q_{\parallel} = q_z = 2kz/d_0$, $(\vec{q} \vec{R}) = 2kxz + \frac{2kz^2}{d_0}$, $\gamma \approx 1$ и, согласно (7),



Р и с. I

$$\Gamma_{\omega}(d_0, \Omega) = \frac{(2\pi)^3 e^4}{m^2 c^2 d_0^2} I_0 c_N^2 \exp(-2i \frac{\Omega}{c} d_0) \int_{-\infty}^{\infty} \int_{-\infty}^{\infty} dx dy dz \times$$

$$\times \exp\left[-\frac{2(x^2+y^2)}{a^2} - \frac{2z^2}{b^2}\right] (2\kappa)^{-p} \exp\left(-\frac{4\kappa^2 z^2}{d_0^2 \alpha_h^2} - \frac{2i\Omega}{c} x - \frac{2i\Omega z^2}{d_0 c}\right) =$$

$$= \frac{4\pi^4 e^4 a^2}{m^2 c^2 d_0^2} I_0 c_N^2 (2\kappa)^{-p} \exp\left(-\frac{2i\Omega d_0}{c} - \frac{\Omega^2 a^2}{2c^2}\right) \times$$

$$\times \int dz \exp\left(-\frac{2z^2}{b^2} - \frac{4\kappa^2 z^2}{d_0^2 \alpha_h^2}\right) \exp\left(-\frac{2i\Omega z^2}{cd_0}\right), \quad (10)$$

$$\gamma_{\omega}(\Omega) = \left[\left(\frac{2}{b^2} + \frac{4\kappa^2}{d_0^2 \alpha_h^2}\right)^2 + \frac{4\Omega^2}{c^2 d_0^2}\right]^{-1/4} \exp\left(-\frac{\Omega^2 a^2}{2c^2} - \frac{2i\Omega d_0}{c} - \right.$$

$$\left. - \frac{i}{2} \operatorname{arctg} \frac{2\Omega}{cd_0 \left(\frac{2}{b^2} + \frac{4\kappa^2}{d_0^2 \alpha_h^2}\right)}\right), \quad |\gamma_{\omega}| = \left(1 + \frac{\Omega^2 L_{\text{эфф}}^2}{c^2}\right)^{-1/4} e^{-\Omega^2 a^2 / 2c^2}, \quad (11)$$

где

$$L_{\text{эфф}} = \frac{b^2}{d_0 (1 + 2\kappa^2 b^2 / d_0^2 \alpha_h^2)}. \quad (12)$$

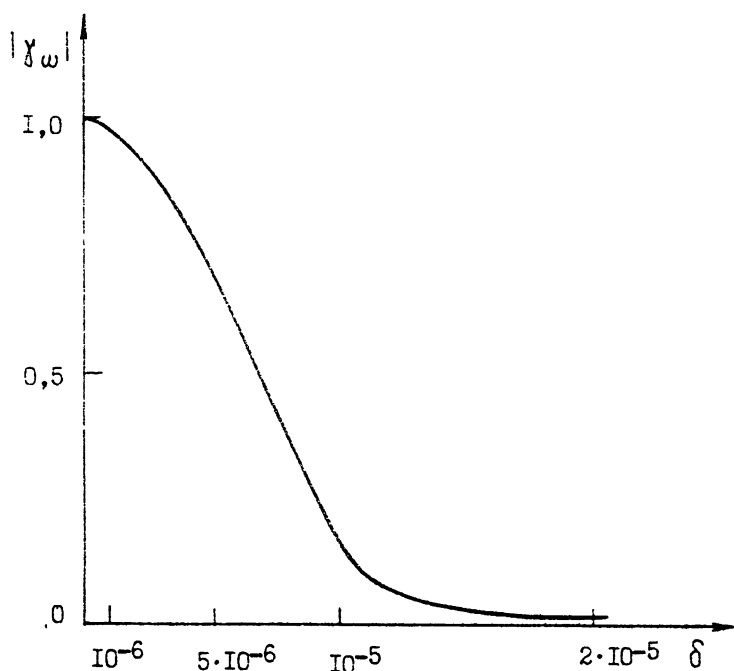
Из (II) следует (см. также /3/), что существует 2 характерных масштаба изменения функции частотной корреляции: $\Omega_{\text{чк}_1} \sim c\sqrt{2}/a$ и $\Omega_{\text{чк}_2} \sim c/L_{\text{эфф}}$. Первый из них имеет чисто геометрический характер и обусловлен тем, что разность фаз волн с частотами ω_1 и ω_2 на масштабах рассеивающего объема достигает значения порядка радиана.

Второй масштаб $\Omega_{\text{чк}_2} \sim c/L_{\text{эфф}}$ обусловлен дифракционным эффектом. Действительно, при выполнении условия $\kappa b / d_0 \alpha_h \gg 1$

$$L_{\text{эфф}} \sim \frac{\alpha_h^2 d_0}{2\kappa^2} \quad \text{и} \quad \Omega_{\text{чк}_2} \approx \frac{2\omega^2}{\alpha_h^2 c d_0}.$$

Эта величина показывает, что раскорреляция наступает в случае, когда разность углов рассеяния волн разной частоты $\Delta\theta_s$, умноженная на расстояние до точки наблюдения d_0 , превышает продольный масштаб корреляции $l_{||} \sim \alpha_h^{-1}$. На рис.2 приведены результаты расчета модуля коэффициента частотной корреляции $|\chi_\omega|$, согласно выражению (II), для следующих значений параметров: $a = 25$ км, $b = 10$ км, $d_0 = 1000$ км, $\alpha_h = 2/l_{||} = 4 \cdot 10^{-3}$ (м⁻¹), $f = 100$ МГц. Ширина этой кривой на уровне $1/e$ характеризует, как известно, радиус частотной корреляции рассеянного сигнала ($\delta_{\text{чк}} = \Omega_{\text{чк}}/2\bar{\omega} = 8 \cdot 10^{-6}$).

Действительно, оценки показывают, что для указанных параметров $\Omega_{\text{чк}1} \ll \Omega_{\text{чк}2}$ и радиус частотной корреляции определяется размерами области вдоль направления распространения $\Omega_{\text{чк}} = c\sqrt{2}/a = 17$ кГц или $\Delta f \approx 2,7$ кГц (см. рис.2).



Р и с . 2

Средняя форма импульсного сигнала $\langle I(\tau) \rangle = \Gamma_{\epsilon} [(t_1 - t_2), \vec{r}_1 = \vec{r}_2]$, определяющая характер его расплывания при рассеянии, как известно, связана Фурье-преобразованием с коэффициентом частотной корреляции $\chi_{\omega} = \chi_1 + i\chi_2$:

$$\langle I(\tau) \rangle = \int \chi_1(\Omega) \cos \Omega \tau d\Omega + i \int \chi_2(\Omega) \sin \Omega \tau d\Omega. \quad (I3)$$

Используя это свойство функции частотной корреляции, а также соотношение (I0), в случае обратного рассеяния можно получить аналитическое выражение для этого параметра:

$$\begin{aligned} \langle I(\tau) \rangle &= \int dz \exp \left[-z^2 \left(\frac{2}{b^2} + \frac{4K^2}{\alpha_h^2 d_0^2} \right) \right] \int d\Omega e^{-\frac{\Omega^2 a^2}{2c^2}} e^{i\Omega \left(\tau - \frac{2d_0}{c} - \frac{2z^2}{cd_0} \right)} = \\ &= \frac{\sqrt{\pi} c}{a} \int \exp \left(-\frac{2z^2}{d_0 L_{\text{эфф}}} \right) \exp \left[-\frac{c^2}{2a^2} \left(t - \frac{2d_0}{c} - \frac{2z^2}{cd_0} \right)^2 \right] dz \end{aligned} \quad (I4)$$

После интегрирования (I4) получим

$$\langle I(\tau) \rangle \sim \left(1 - \frac{\tau'}{\tau_0} \right)^{1/2} \exp \left[-\frac{2\alpha^2 \tau'^2}{\tau_0^2} + \alpha^2 \left(1 - \frac{\tau'}{\tau_0} \right)^2 \right] K_{1/4} \left[\alpha^2 \left(1 - \frac{\tau'}{\tau_0} \right)^2 \right],$$

$\tau' = \tau - \frac{2d_0}{c}$, $\tau_0 = \frac{a^2}{cL_{\text{эфф}}}$, $\alpha = \frac{a}{2L_{\text{эфф}}}$, $K_{\nu}(x)$ - функция Макдональда.

Используя асимптотические представления

$$K_{\nu}(x) \approx \begin{cases} \frac{\Gamma(\nu)}{2} \left(\frac{2}{x} \right)^{\nu}, & x \ll 1, \nu \neq 0 \\ \sqrt{\frac{\pi}{2x}} e^{-x}, & x \gg 1, \nu \end{cases}$$

можно получить полезные для практики соотношения:

$$I(\tau) \approx \begin{cases} \left(1 - \frac{\tau'}{\tau_0}\right)^{-1/2} \exp\left(-\frac{2\alpha^2\tau'^2}{\tau_0^2}\right), & \tau' \ll \tau_0 \left(1 - \frac{1}{\alpha}\right) \\ \exp\left[-\frac{2\alpha^2\tau'^2}{\tau_0^2} + \alpha^2 \left(1 - \frac{\tau'}{\tau_0}\right)^2\right], & \tau' \gg \tau_0 \left(1 - \frac{1}{\alpha}\right) \\ \exp(-2\alpha^2) = \exp\left(-\frac{\alpha^2}{2L_{\text{эф}}^2}\right), & \tau' = \tau_0 \end{cases} \quad (15)$$

Расчеты, проведенные согласно (15), показывают, что в случае ракурсного рассеяния, когда расстояние d_0 составляет порядка 500 - 1,5 тыс. км, а длительность импульса τ менее 1 мс, величина расплывания будет определяться только геометрическими характеристиками области рассеяния (расстоянием d_0 от точки наблюдения до рассеивающего объема V и размерами V).

Л и т е р а т у р а

1. Рытов С.М., Кравцов Ю.А., Татарский В.И. Введение в статистическую радиофизику. - М.: Наука. - 1978.
2. Гершман Б.Н., Ерухимов Л.М., Яшин Ю.А. Волновые явления в ионосфере и космической плазме. - М.: Наука. - 1984.
3. Ерухимов Л.М. Неоднородности ионосферной и космической плазмы и их влияние на распространение волн: Диссертация докт. физ.-мат. наук. - Горький, 1975, - ч. I.

Дата поступления статьи

13 мая 1988 г.