

ГОСУДАРСТВЕННЫЙ КОМИТЕТ РСФСР ПО ДЕЛАМ НАУКИ И ВЫСШЕЙ ШКОЛЫ

Ордена Трудового Красного Знамени  
научно-исследовательский радиофизический институт (НИРФИ)

---

П р е п р и н т    №    326

ВОЗБУЖДЕНИЕ ВОЛНЫ ЛЭМБА В АТМОСФЕРЕ  
ПОДВОДНЫМ ИСТОЧНИКОМ

Л. А. Гасилова  
И. Ю. Гордеева  
Ю. В. Петухов

Нижний Новгород 1991

Гасилова Л.А., Гордеева И.Ю., Петухов Ю.В.

ВОЗБУЖДЕНИЕ ВОЛНЫ ЛЭМБА В АТМОСФЕРЕ ПОДВОДНЫМ ИСТОЧНИКОМ // Препринт № 326. - Нижний Новгород: НИРФИ, 1991. - 15 с.

УДК 551.596.1

Исследованы дисперсионные свойства модифицированной поверхностной волны Лэмба, распространяющейся вдоль границы раздела изотермическая атмосфера - тяжелая сжимаемая жидкость с постоянными по глубине плотностью и скоростью звука, моделирующая океан, и определены частотные зависимости ее коэффициентов возбуждения при точечном подводном источнике массы. Показано, что эта волна, существующая лишь на частотах ниже определенной критической частоты, распространяется со сверхзвуковой скоростью выше и с дозвуковой скоростью ниже определенной резонансной частоты, отвечающей пересечению частотных зависимостей фазовых скоростей модифицированной поверхностной волны Лэмба и гидродинамической поверхностной волны.

Анализ полученного /1/ дисперсионного уравнения для собственных решений системы изотермическая атмосфера - однородная сжимаемая жидкость, моделирующая океан, показал, что лишь на частотах ниже определенной критической частоты (см. (I2), (I3) в /1/) существует модифицированная поверхностная волна Лэмба, распространяющаяся вдоль соответствующей границы раздела сред со сверхзвуковой (по отношению к воздуху) скоростью, возрастающей при понижении частоты, и являющаяся аналогом известной волны Лэмба в атмосфере (см. /2/), распространяющейся со скоростью звука вдоль абсолютно жесткой границы раздела (несжимаемая жидкость).

В настоящей же работе исследуется влияние силы тяжести в сжимаемой жидкости, приводящее к возникновению поверхностной гидродинамической волны, на дисперсионные свойства модифицированной поверхностной волны Лэмба и частотную зависимость ее коэффициентов возбуждения для точечного подводного источника массы.

При решении поставленной задачи рассмотрим, как и в /1/, изотермическую модель атмосферы с экспоненциально спадающей с ростом высоты  $Z \geq 0$  плотностью воздуха  $\rho_1(Z) = \rho_{01} \exp(-\gamma g Z / C_1^2)$  и постоянными адиабатической скоростью звука  $C_1$  и показателем адиабаты  $\gamma$ , предполагая, что начало цилиндрической системы координат  $Z, r$  расположено на границе раздела  $Z = 0$ , а ось направлена вертикально вверх; здесь  $g$  - ускорение силы тяжести,  $\rho_{01} = \rho_1(Z = 0)$  - плотность воздуха на границе с жидкостью,  $r$  - горизонтальное расстояние. Тогда линеаризованное уравнение для возмущения  $\rho_1'$  в неподвижной атмосфере запишется, с использованием /3/, в следующем виде:

$$\left\{ \left( \frac{\partial^2}{\partial t^2} + N_1^2 \right)^2 \left( \frac{\partial^2}{c_1^2 \partial t^2} - \Delta_{\perp} \right) - \frac{\partial^2}{\partial t^2} \left( \frac{\partial^2}{\partial t^2} + N_1^2 \right) \right. \\ \left. \times \left( \frac{\partial^2}{\partial z^2} - 2\Gamma_1 \frac{\partial}{\partial z} \right) \right\} e^{qz/c_1^2} p_1' = 0, \quad (1)$$

где  $N_1^2 = (\gamma - 1) g^2 / c_1^2$  - квадрат частоты Брента-Вейселя ;  
 $\Gamma_1 = (2 - \gamma) g / 2 c_1^2$  - коэффициент Экарта,  $\Delta_{\perp} = \frac{1}{r} \frac{\partial}{\partial r} \left( r \frac{\partial}{\partial r} \right)$ ,  
 $t$  - время.

Линеаризованное уравнение для возмущения давления  $p_2'$  в "тяжелой" сжимаемой жидкости с постоянными при  $z \leq 0$  значениями и плотности  $\rho_2$  и скорости звука  $c_2$ , в которой на глубине  $z = -h$  расположен точечный источник массы с произвольно зависящей от времени производительностью  $Q(t) = \frac{1}{r} \delta(r) \delta(z + h) M(t)$ , запишется в следующем виде:

$$\left\{ \left( \frac{\partial^2}{\partial t^2} + N_2^2 \right)^2 \left( \frac{\partial^2}{c_2^2 \partial t^2} - \Delta_{\perp} \right) - \frac{\partial^2}{\partial t^2} \left( \frac{\partial^2}{\partial t^2} + N_2^2 \right) \right. \\ \left. \times \left( \frac{\partial^2}{\partial z^2} - 2\Gamma_2 \frac{\partial}{\partial z} \right) \right\} e^{qz/c_2^2} p_2' = \\ = \rho_2 e^{qz/c_2^2} \left( \frac{\partial^2}{\partial t^2} + N_2^2 \right)^2 \frac{\partial Q}{\partial t}, \quad (2)$$

где  $N_2^2 = -g^2 / c_2^2$ ,  $\Gamma_2 = g / c_2^2$ ,  $M(t)$  - функция, моделирующая определенный физический процесс в источнике,  $\delta(r)$  и  $\delta(z + h)$  - дельта функции.

Для дальнейшего удобнее, представив возмущение давления в

виде интегралов Фурье по частоте  $\omega$  :

$$p_j'(t) = \frac{1}{2\pi} \int \bar{p}_j(\omega) e^{i\omega t} d\omega, \quad j = [1, 2], \quad (3)$$

перейти к уравнениям для соответствующих компонентов  $\bar{p}_j(\omega)$ :

$$\Delta_{\perp} \bar{p}_1 + K_1^2 \bar{p}_1 + \frac{\omega^2}{\omega^2 - N_1^2} \left\{ \frac{N_1^2}{C_1^2} \bar{p}_1 + \frac{\gamma g}{C_1^2} \frac{\partial \bar{p}_1}{\partial z} + \frac{\partial^2 \bar{p}_1}{\partial z^2} \right\} = 0, \quad (4)$$

$$z \geq 0;$$

$$\Delta_{\perp} \bar{p}_2 + K_2^2 \bar{p}_2 + \frac{\omega^2}{\omega^2 - N_2^2} \left\{ \frac{N_2^2}{C_2^2} \bar{p}_2 + \frac{\partial^2 \bar{p}_2}{\partial z^2} \right\} =$$

$$(5)$$

$$= -i\omega p_2 \frac{\delta(r)}{r} \delta(z+h) \bar{M}(\omega),$$

где  $K_j = \omega / C_j$  - волновые числа в соответствующих средах,  $\bar{M}(\omega)$  - Фурье спектр функции  $M(t)$ . Необходимые для однозначного решения уравнений (4), (5) граничные условия, выражающие непрерывность вертикальных компонентов скоростей смещений  $U_{zj}$  и полных производных от суммарного давления по времени  $\frac{dp_j}{dt}$  на границе раздела сред  $z = 0$ , запишем через Фурье компоненты возмущений давления  $\bar{p}_j(\omega)$  и вертикальной компоненты смещения  $\bar{u}_{zj}(\omega)$ :

$$\bar{u}_{1z} \Big|_{z=+0} = \bar{u}_{2z} \Big|_{z=-0}, \quad (\bar{p}_1 - p_1 g \bar{u}_{z1}) \Big|_{z=+0} =$$

$$= (\bar{p}_2 - p_2 g \bar{u}_{z2}) \Big|_{z=-0}. \quad (6)$$

Для полной замкнутости задачи, через одни лишь величины давле -  
ния, достаточно в равенствах (6) воспользоваться взаимосвязью

$$\bar{u}_{zj} = \frac{\frac{g}{c_j^2} \bar{p}_j + \frac{\partial \bar{p}_j}{\partial z}}{\rho_j(z) (\omega^2 - N_j^2)}, \quad (7)$$

следующей из дифференциального соотношения

$$\frac{\partial^2}{\partial t \partial z} e^{gz/c_j^2} p_j' + \left( \frac{\partial^2}{\partial t^2} + N_j^2 \right) p_j(z) e^{gz/c_j^2} v_{zj} = 0, \quad (8)$$

между возмущением давления и вертикальной компонентой скорости  
смещения частиц в волне (см./3/). Тогда, учитывая (6), (7), из  
уравнений (4), (5) нетрудно получить для представляющих интерес  
величин интегральные выражения, удовлетворяющие принципу излу -  
чения при  $|z| \rightarrow \infty$ ,  $r \rightarrow \infty$ :

$$\bar{p}_1 = \frac{\rho_{01} \bar{M}(\omega)}{2i\omega} (\omega^2 - N_1^2) (\omega^2 - N_2^2) \int_0^{+\infty} \frac{e^{-\gamma_1 z - \gamma_2 h}}{D(\kappa, \omega)} H_0^{(2)}(\kappa r) \kappa d\kappa, \quad (9)$$

$$\bar{v}_{z1} = \frac{\rho_{01} \bar{M}(\omega)}{2 \rho_1(z)} (\omega^2 - N_2^2) \int_{-\infty}^{+\infty} \frac{\left( \frac{g}{c_1^2} - \gamma_1 \right) e^{-\gamma_1 z - \gamma_2 h}}{D(\kappa, \omega)} H_0^{(2)}(\kappa r) \kappa d\kappa, \quad z \geq 0;$$

$$\bar{p}_2 = \frac{i \rho_2 \bar{M}(\omega)}{4\omega} (\omega^2 - N_2^2) \int_{-\infty}^{+\infty} \left\{ e^{-\gamma_2(z+h)} \frac{D_1(\kappa, \omega)}{D(\kappa, \omega)} - e^{\gamma_2(z-h)} \right\} \frac{\kappa}{\gamma_2} H_0^{(2)}(\kappa r) d\kappa,$$

$$\bar{v}_{z2} = -\frac{\bar{M}(\omega)}{4} \int_{-\infty}^{+\infty} \left\{ \left( \frac{g}{c_2^2} - \gamma_2 \right) e^{-\gamma_2(z+h)} \frac{D_1(\kappa, \omega)}{D(\kappa, \omega)} - \left( \frac{g}{c_2^2} + \gamma_2 \right) \right. \quad (10)$$

$$\left. \times \exp[\gamma_2(z-h)] \right\} \frac{\kappa}{\gamma_2} H_0^{(2)}(\kappa r) d\kappa, \quad z > -h;$$

$$\bar{p}_2 = \frac{i\rho_2 \bar{M}(\omega)}{4\omega} (\omega^2 - N_2^2) \int_{-\infty}^{+\infty} e^{\gamma_2(z+h)} \left\{ 1 - \frac{D_1(\kappa, \omega)}{D(\kappa, \omega)} e^{-2\gamma_2 h} \right\} \frac{\kappa}{\gamma_2} H_0^{(2)}(\kappa r) d\kappa,$$

$$\bar{v}_{z2} = -\frac{\bar{M}(\omega)}{4} \int_{-\infty}^{+\infty} e^{\gamma_2(z+h)} \left\{ 1 - \frac{D_1(\kappa, \omega)}{D(\kappa, \omega)} \times \right. \\ \left. \times e^{-2\gamma_2 h} \right\} \frac{\left( \frac{g}{c_2^2} + \gamma_2 \right) \kappa}{\gamma_2} H_0^{(2)}(\kappa r) d\kappa, \quad (II)$$

$$z < -h.$$

В (9)-(II) введены следующие обозначения:

$$\gamma_1 = \frac{\gamma g}{2c_1^2} + \left\{ \frac{\gamma^2 g^2}{4c_1^4} + (\kappa^2 - \kappa_1^2) \left( 1 - \frac{N_1^2}{\omega^2} \right) - \frac{N_1^2}{c_1^2} \right\}^{1/2}, \\ \gamma_2 = \left\{ (\kappa^2 - \kappa_2^2) \left( 1 - \frac{N_2^2}{\omega^2} \right) - \frac{N_2^2}{c_2^2} \right\}^{1/2}, \quad (I2)$$

$$D(\kappa, \omega) = (g/c_1^2 - \gamma_1)(\omega^2 - g\gamma_2) + R(g/c_2^2 + \gamma_2) \times \\ \times \left[ g(g/c_1^2 - \gamma_1) - (\omega^2 - N_1^2) \right],$$

$$D_1(\kappa, \omega) = \left( \frac{g}{c_1^2} - \gamma_1 \right) (\omega^2 + g\gamma_2) + R \left( \frac{g}{c_2^2} - \gamma_2 \right) \left[ g \left( \frac{g}{c_1^2} - \gamma_1 \right) - \right. \\ \left. - (\omega^2 - N_1^2) \right], \quad R = \frac{\rho_{01}}{\rho_2};$$

$H_0^{(2)}(\kappa r)$  - функция Ханкеля.

Поскольку здесь представляют интерес лишь поверхностные волны, а именно модифицированная поверхностная волна Лэмба, которым соответствуют полюса подынтегральных функций (9)-(II), то обратимся сначала к анализу решений дисперсионного уравнения  $\Pi(K, \omega) = 0$  (см. (I2)), предварительно переписав его через безразмерные величины  $x = K/K_1$ ,  $a = C_1/C_2$ ,  $W_1^2 = N_1^2/\omega^2 = (\gamma - 1)G^2$ ,  $W_2^2 = -N_2^2/\omega^2 = a^2 G^{21}$ ,  $W_3 = (2 - \gamma)G/2$ ,  $G = g/\omega C_1$  в следующем виде:

$$(\nu_1 - W_3)(1 - G\nu_2) + R(\nu_2 + a^2 G) [1 - W_1^2 + G(\nu_1 - W_3)] = 0, \quad (I3)$$

$$\nu_1 = \sqrt{W_3^2 + (x^2 - 1)(1 - W_1^2)},$$

$$\nu_2 = \sqrt{(1 + W_2^2)x^2 - a^2}.$$

В связи с тем, что отношение плотности воздуха к плотности жидкости мало:  $R \approx 10^{-3} \ll 1$ , то второе, пропорциональное  $R$ , слагаемое в (I3) будет вносить определенные поправки к нулевым приближениям, отвечающим волне Лэмба  $x_L \approx x_L^{(0)} = 1$  (см. /I/) и гидродинамической поверхностной волне  $x_G \approx x_G^{(0)} = \frac{1}{G}$  (см. /4/). Поэтому удобно представить искомые решения в виде:

$$x_L = \sqrt{1 - \chi_L}, \quad x_G = \frac{1 + \chi_G}{G}, \quad (I4)$$

где  $\chi_L \ll 1$  и  $\chi_G \ll 1$  - неизвестные малые добавки. Подставив (I4) в уравнение (I3), в первом приближении для  $\chi_L$  и  $\chi_G$  находим

$$\chi_L \approx \begin{cases} R \sqrt{1 - a^2} \left( 2W_3 - R \sqrt{1 - a^2} \right), & G \ll 1 \\ -(2 - \gamma)R \left( 1 + \frac{a^2 + G^{-1}}{\sqrt{1 + W_2^2 - a^2}} \right), & G \gg 1 \end{cases}; \quad (I5)$$



$$U_G \approx R \left[ 1 + \frac{1 - W_1^2}{G \left( \sqrt{W_3^2 + \frac{1 - G^2}{G^2} (1 - W_1^2)} - W_3 \right)} \right] \cdot \quad (16)$$

Проанализируем сначала выражение для  $U_L$  (15). Поскольку при  $G \ll 1$  решение уравнения (13), отвечающее аналогу волны Лэмба, возможно лишь при  $U_L > 0$ , то из (15) следует, что модифицированная поверхностная волна Лэмба существует только на частотах ниже определенной критической частоты (см./I/)

$$\omega_L = \frac{g}{c_1} \frac{4R(\gamma - 1)\sqrt{1 - a^2}}{\sqrt{(2 - \gamma)^2 + 16R^2(1 - a^2)(\gamma - 1)} - (2 - \gamma)}, \quad (17)$$

которая находится из уравнения (13) при  $v_1 = 0$ . Поскольку для атмосферного воздуха  $1 < \gamma < 2$ , то из (17) находим более наглядное выражение для критической частоты

$$\omega_L \approx \frac{(2 - \gamma) g}{2R\sqrt{1 - a^2} c_1} \quad (18)$$

Из (15) следует также, что ниже критической частоты модифицированная поверхностная волна Лэмба при  $G \ll 1$  распространяется со сверхзвуковой скоростью, увеличивающейся при понижении частоты; на низких же частотах  $G \gg 1$  скорость ее распространения остается, в отличие от /I/, всегда дозвуковой и также увеличивается при понижении частоты, стремясь, однако, при  $G \rightarrow \infty$  к определенному значению  $c_L \approx c_1 \left[ 1 - \frac{2 - \gamma}{2} R \right]$ . Что касается гидродинамической поверхностной волны (см.(16)), то добавка  $U_G$  к ее решению также изменяет свой знак при переходе от высоких частот ( $G \ll 1$ ) к низким ( $G \gg 1$ ):

$$\chi_G \approx \begin{cases} 2R, & G \rightarrow 0 \\ R \frac{\sqrt{\left(\frac{2-\gamma}{2}\right)^2 + (\gamma-1)} - \frac{2-\gamma}{2} - (\gamma-1)}{\sqrt{\left(\frac{2-\gamma}{2}\right)^2 + (\gamma-1)} - \frac{2-\gamma}{2}}, & G \rightarrow \infty, \end{cases} \quad (19)$$

не меняя, однако, общего поведения фазовой скорости этой волны  $C_G$  от частоты.

Смена знаков у величин  $\chi_L$  и  $\chi_G$ , т.е. переход через значение  $\chi_L = \chi_G = 0$ , происходит при  $G \approx 1$ , когда изменяется знак у множителя  $(1 - G\gamma_2)$  в первом слагаемом уравнения (13). Это отвечает тому простому факту, что частотные зависимости фазовых скоростей  $C_L \approx C_1(1 - \frac{1}{2}\chi_L)$  и  $C_G \approx C_1G(1 - \chi_G)$ , отвечающие этим двум поверхностным волнам, пересекаются на определенной резонансной частоте  $\omega = \omega_p \approx g/C_1$ , при которой в выражениях (9)-(11) присутствует лишь один полюс, но зато второго порядка. Сказанное относительно поведения  $C_L$  и  $C_G$  подтверждается приведенными на рис.1 результатами численного решения уравнения (13).

Теперь, поскольку здесь представляют интерес лишь акустические возмущения в атмосфере, остановимся на анализе частотной зависимости коэффициентов возбуждения модифицированной поверхностной волны Лэмба для давления  $A_p(\omega)$  и вертикальной компоненты скорости смещения  $A_v(\omega)$ , которые следуют из (9) при  $G \neq 1$ ,  $x_L \neq x_G$ :

$$A_p(\omega) = \frac{\sqrt{x_L(1-W_1^2)(1+W_2^2)}}{G^{3/2} F(x_L)} \exp \left[ -\kappa_1 \left\{ z \left[ \gamma_1(x_L) + \frac{\gamma G}{2} \right] + h \gamma_2(x_L) \right\} \right], \quad (20)$$

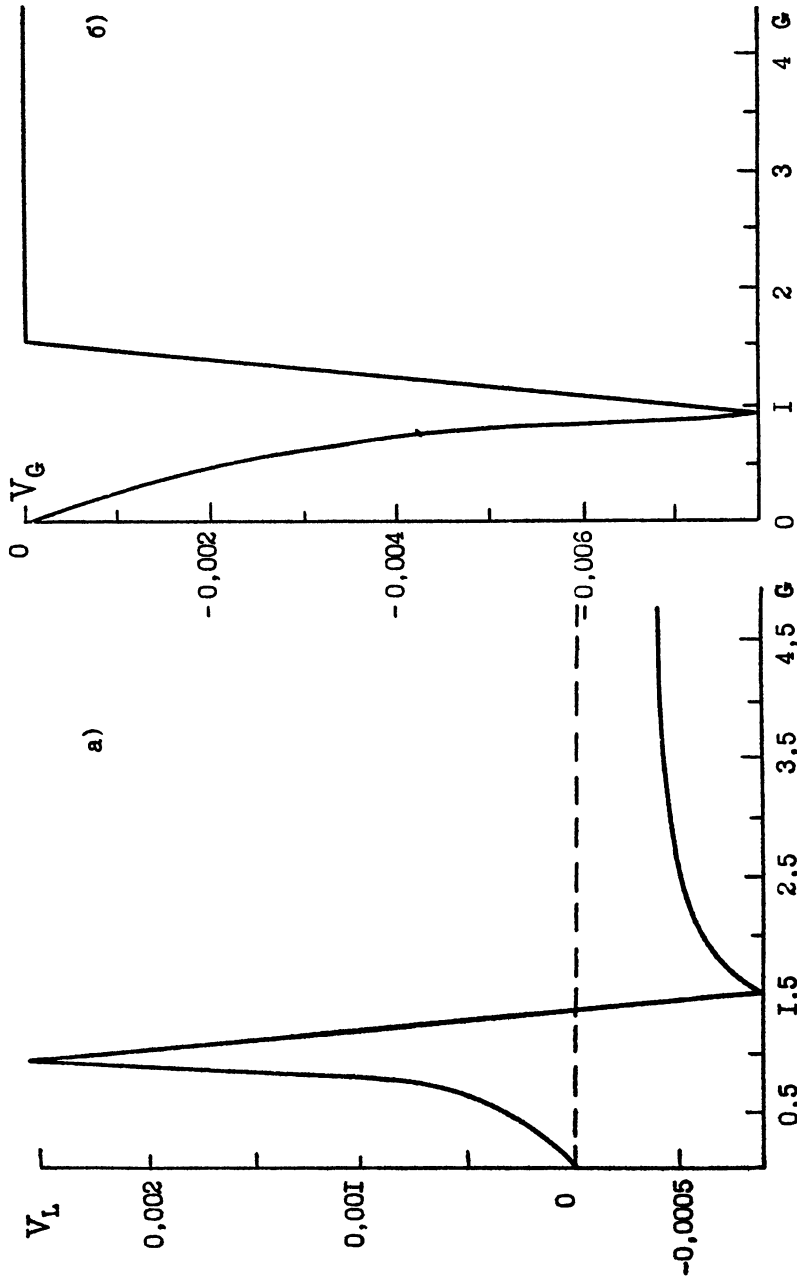


Рис. 1. Зависимости добавок к фазовой скорости модифицированной поверхностной волны Лэмба  $V_L = (C_1/C_2 - 1)$  - (а) и к фазовой скорости гидродинамической поверхностной волны  $V_G = (C_1/C_2 - G^2)$  - (б) от безразмерного параметра  $G = \varrho/C_1\omega$ , рассчитанные с использованием (13) при  $R = 10^{-3}$ ,  $\alpha = 34/150$ ,  $\gamma = 1.4$

$$A_{\nu}(\omega) = A_p(\omega) e^{\gamma g z / c_1^2} \frac{W_3 - \nu_1(x_L)}{1 - W_1^2}, \quad (2I)$$

где

$$F(x) = -\frac{x(1-W_1^2)}{\nu_1} \left\{ 1 - G\nu_2 + R G(G\alpha^2 + \nu_2) \right\} + \frac{x(1+W_2^2)}{\nu_2} \times$$

$$\times \left\{ R \left[ G(W_3 - \nu_1) - 1 + W_1^2 \right] - G \left[ G - \left( \nu_1 + \frac{\gamma G}{2} \right) \right] \right\}.$$

С использованием коэффициентов возбуждения (20), (2I) выражения для  $\bar{p}_1$  и  $\bar{v}_{z1}$  запишутся в следующем виде:

$$\bar{p}_1 = \sqrt{\frac{2\pi}{2}} \frac{P_{01} \bar{M}(\omega) g^{3/2}}{c_1^2} e^{-i(k_1 x_L r + \pi/4)} A_p(\omega); \quad (22)$$

$$\bar{v}_{z1} = \sqrt{\frac{2\pi}{r}} \frac{\bar{M}(\omega) g^{3/2}}{c_1^3} e^{-i(k_1 x_L r + 3\pi/4)} A_{\nu}(\omega). \quad (23)$$

На резонансной частоте  $\omega = \omega_p \approx g / C_1$ , когда  $x_L$  является я полюсом второго порядка ( $G \approx P_1$ ,  $x_L = x_G$ ), окончательные выражения для коэффициентов возбуждения  $A_p(\omega)$  и  $A_{\nu}(\omega)$  получаются более громоздкими, чем (20) и (2I), поэтому их удобнее представить здесь, не расписывая производной по  $x$ :

$$A_p(\omega_p) = \frac{(1-W_1^2)(1+W_2^2)}{G^{3/2}} e^{i k_1 x_L r} \times$$

$$\times \lim_{x \rightarrow x_L} \frac{d}{dx} \left\{ \frac{(x-x_L)^2}{D(k_1, x, \omega_p)} \sqrt{x} k_1 \omega_p^2 \exp \left\{ -i k_1 [x r + \right. \right. \quad (24)$$

$$+ z (\nu_1 + \gamma G/2) + h\nu_2 \}} \} ;$$

$$A_{\nu}(\omega_p) = \frac{1 + W_2^2}{G^{3/2}} e^{ik_1 x_L r + \gamma g z / c_1^2} \lim_{x \rightarrow x_L} \frac{d}{dx} \cdot \quad (25)$$

$$\times \left\{ \frac{(x - x_L)^2 (W_3 - \nu_1) \sqrt{x}}{D(k_1 x, \omega_p) / k_1 \omega_p^2} \exp \left\{ -ik_1 \left[ xr + \right. \right. \right.$$

$$\left. \left. \left. + z (\nu_1 + \gamma G/2) + h\nu_2 \right] \right\} \right\} .$$

Уже из простейшего приближенного анализа выражений для  $A_p(\omega)$  (20), (24) и  $A_{\nu}(\omega)$  (21), (25) можно сделать полезные выводы. Во-первых, появление в уравнении (13) на резонансной частоте полюса второго порядка приводит к возникновению при  $\omega = \omega_p$  узкого резонансного максимума в коэффициентах возбуждения модифицированной поверхностной волны Лэмба. Во-вторых, в  $A_p(\omega)$  существует также относительно широкий максимум на определенной частоте  $\omega = \omega_c(z, h)$ , обусловленный наличием в (20) экспоненциального и пропорционального  $\omega^{3/2}$  множителей, противоположным образом ведущих себя с ростом частоты. Поскольку при удалении и корреспондирующих точек от границы раздела соответствующих сред максимум при  $\omega = \omega_c(z, h)$  смещается в область более низких частот ( $\omega_c \rightarrow 0, |h| \rightarrow \infty, z \rightarrow \infty$ ), то при определенных значениях  $h = h_p, z = z_p$  возможно совпадение обеих частот  $\omega_c = \omega_p$ , при котором резонансный максимум будет наиболее выделен по амплитуде. Сказанное относительно поведения  $A_p(\omega)$  и  $A_{\nu}(\omega)$  подтверждается приведенными на рис.2 результатами численных расчетов с использованием выражений (20), (24) и (21), (25).

Таким образом, учет влияния силы тяжести также и на волновые процессы в жидкости приводит к следующим эффектам. Во-первых, появляется резонансная частота, равная отношению ускорения сво-

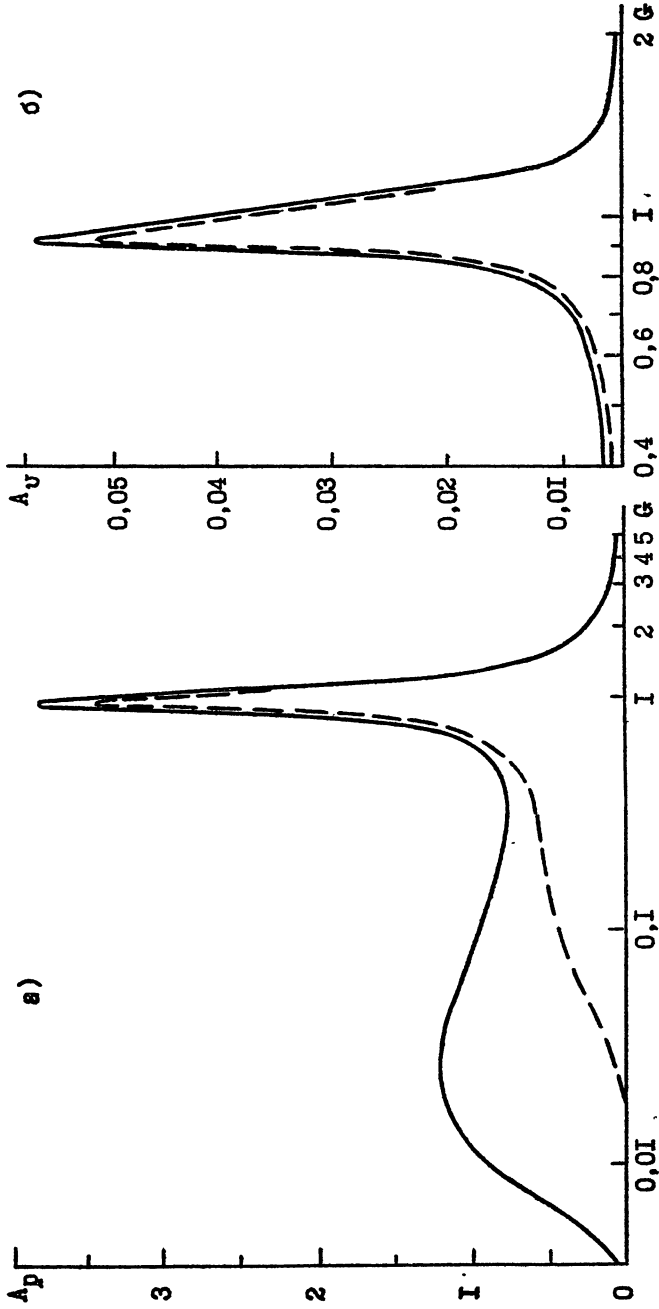


Рис. 2. Зависимости от безразмерного параметра  $G = \rho / C_1 \omega$  коэффициентов возбуждения для давления  $A_p$  - (а) и вертикальной компоненты скорости смещения  $A_v$  - (б) в модифицированной поверхностной волне Лемба, рассчитанные с использованием (20), (24) и (21), (25) соответственно и при  $\nu = 10^{-8}$ ,  $\sigma = 34/150$ ,  $\chi = 1,4$ ,  $z = 0$ ; сплошная линия отвечает  $|h| = 10^2$  м, штриховая -  $|h| = 10^3$  м.

бодного падения к скорости звука в воздухе, на которой в коэффициентах возбуждения поверхностной модифицированной волны Лэмба присутствует узкий резонансный максимум, а частотная зависимость ее фазовой скорости пересекается с аналогичной зависимостью для поверхностной гидродинамической волны. Во-вторых, существует выделенное расположение корреспондирующих точек относительно границы раздела сред, при котором резонансный максимум в коэффициенте возбуждения этой волны наиболее выделен по амплитуде. В-третьих, модифицированная поверхностная волна Лэмба распространяется со сверхзвуковой скоростью лишь для частот ниже критической и выше резонансной; для частотного диапазона ниже резонансной частоты эта волна распространяется с дозвуковой (по отношению к воздуху) скоростью.

#### ЛИТЕРАТУРА

1. Петухов Ю.В. К теории поверхностных волн, распространяющихся вдоль границы Земля - атмосфера//Препринт № 269. - Нижний Новгород: НИРФИ, 1991. - 15 с.
2. Госсард Э.Э., Хук У.Х. Волны в атмосфере. - М.: Мир, 1987. - 532 с.
3. Осташев В.Е. Уравнение для акустических и гравитационных волн в стратифицированной движущейся среде//Акуст.журн. - 1987. - Т.32, № 1. - С.150-152.
4. Лайтхилл Дж. Волны в жидкостях. - М.: Мир, 1981. - 598 с.

Дата поступления статьи  
10 июля 1991 г.